

广义集合的聚集度的若干度量

冯向军博士

2004年3月23日(初稿日期)

我们已经展示[1]在一定的条件下广义集合的复杂度(熵)与广义集合标志值相对均值的均方距MSD强烈相关。MSD越大复杂度(熵)值越大。实际上MSD就是作为随机变量的标志值的方差。我们定义MSD这一方差为广义集合标志值的分散度。于是复杂度(熵)就是标志值的分散度的一种很好的度量。

本文讨论的是广义集合的另一方面的属性即广义集合的聚集度。

我们依旧考察一个二元标志值组成的广义集合，它的两个固定不变的标志值为 v_1 和 v_2 。 $v_1=1$ ， $v_2=2$ 。 v_1 和 v_2 的概率分别是 p_1 , p_2 . 有

$$p_1 + p_2 = 1 \quad (1)$$

定义 平均概率为

$$M_p = p_1 \cdot p_1 + p_2 \cdot p_2 = p_1^2 + p_2^2 \quad (2)$$

又定义约束熵[2]为

$$E_c = \log_2 N - H \quad (3)$$

式中 N 为广义集合个体总数。此地 $N = 2$ 。 H 为广义集合的熵

$$H = -p_1 \log_2 p_1 - p_2 \log_2 p_2 \quad (4)$$

为方便见，重列MSD的表达式

$$MSD = p_1(v_1 - M)^2 + p_2(v_2 - M)^2 \quad (5)$$

式中均值

$$M = p_1 v_1 + p_2 v_2 \quad (6)$$

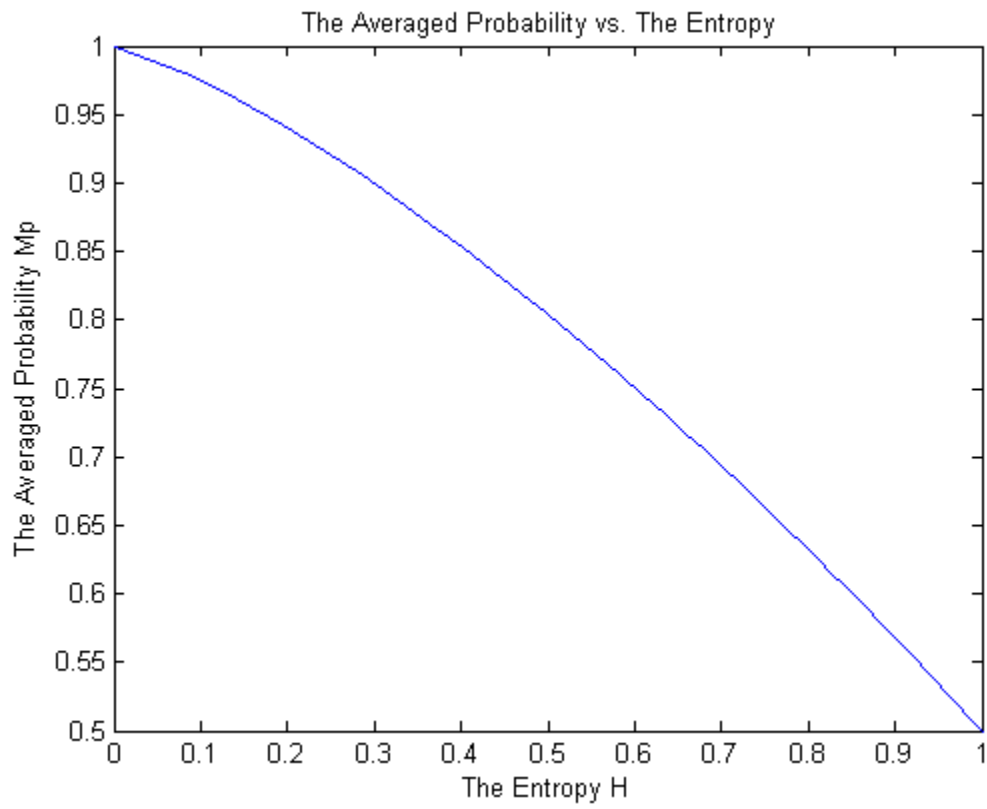
我们要用MATLAB仿真实验证明，平均概率 M_p 与约束熵 E_c 都是广义集合聚集度的度量。

利用式(1)-(6)，我们得到图一至图三的数据。

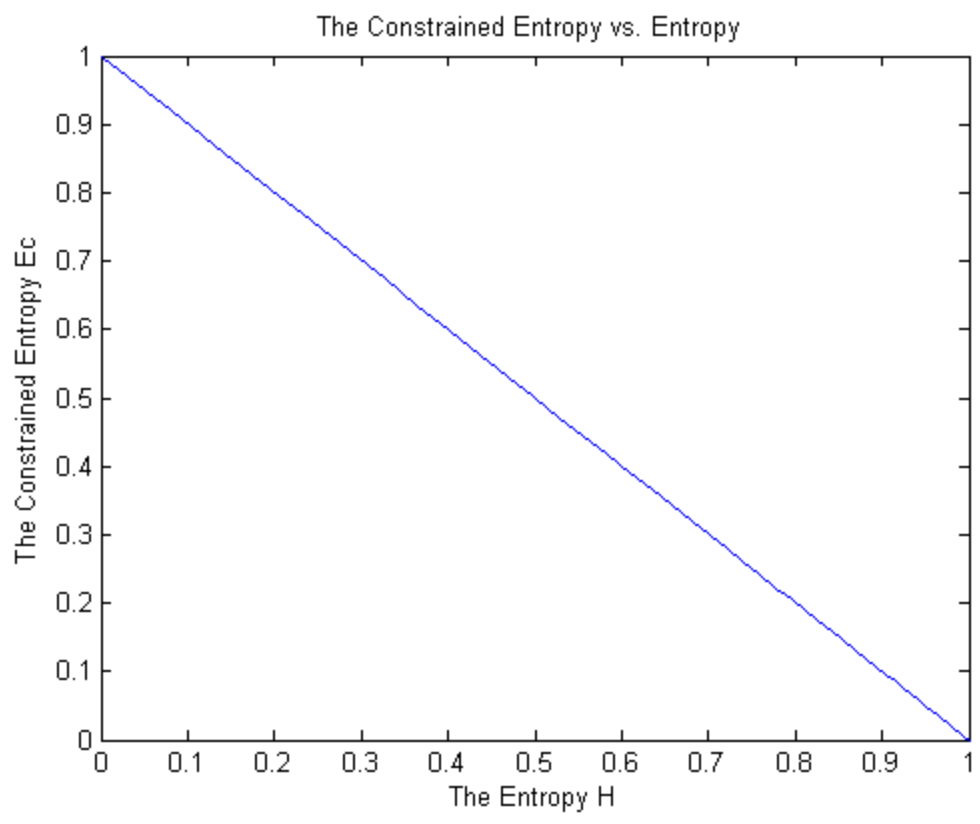
由此数据可以看出

(一)平均概率 M_p 与约束熵 E_c 都是广义集合聚集度的度量，它们都与熵 H 负相关。

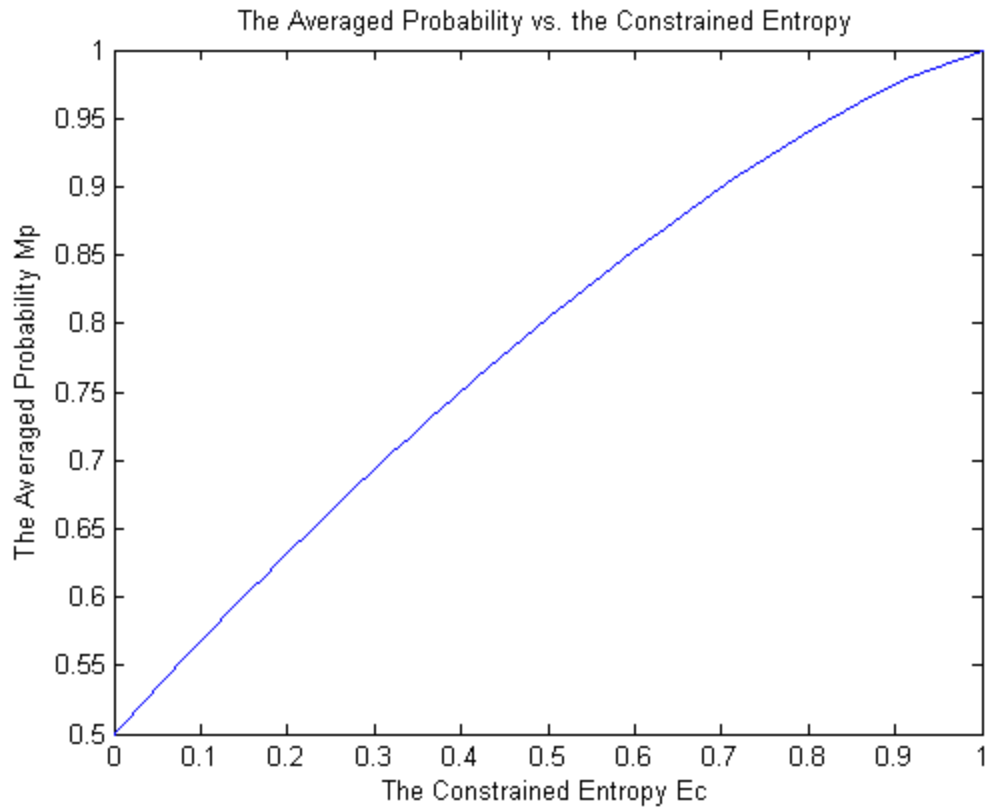
(二)平均概率 M_p 与约束熵 E_c 之间存在强烈的正相关。



图一：平均概率 M_p 与熵 H 负相关.



图二：约束熵Ec与熵H负相关。



图三：平均概率 M_p 与约束熵 E_c 正相关。

[参考文献]

[1] <http://www.aideas.com/shang.pdf>

[2] <http://www.aideas.com/quankong.pdf>